

1	(1)	352	(2)	0.4	(3)	0.125	(4)	$\frac{4}{209}$
---	-----	-----	-----	-----	-----	-------	-----	-----------------

2	(1)	8	(2)	20 (個)	(3)	3 (枚)	(4)	0.8 (倍)
	(5)	49 (度)	(6)	24.56 (cm ³)	(7)	$\frac{2}{9}$ (倍)	(8)	$21\frac{1}{3}$ (cm ³)

3	(1)	89 個	(2)	5455
---	-----	------	-----	------

4	(1)	17.27 cm	(2)	20.41 cm ²
---	-----	----------	-----	-----------------------

5	(1)	126 通り	(2)	90 通り	(3)	8 本
---	-----	--------	-----	-------	-----	-----

6	(1)	9 分後	(2)	576 m	(3)	27.6 分後
---	-----	------	-----	-------	-----	---------

7	(1)	10 cm	(2)	169.56 cm ³
---	-----	-------	-----	------------------------

(配点)

1~3・5・6 ; 各4点×20

4・7 ; 各5点×4

1 (4) $\frac{1}{11 \times 13} + \frac{1}{13 \times 15} + \frac{1}{15 \times 17} + \frac{1}{17 \times 19}$
 $= (\frac{1}{11} - \frac{1}{13}) \div 2 + (\frac{1}{13} - \frac{1}{15}) \div 2 + (\frac{1}{15} - \frac{1}{17}) \div 2 + (\frac{1}{17} - \frac{1}{19}) \div 2$
 $= (\frac{1}{11} - \frac{1}{19}) \div 2 = \frac{4}{209}$

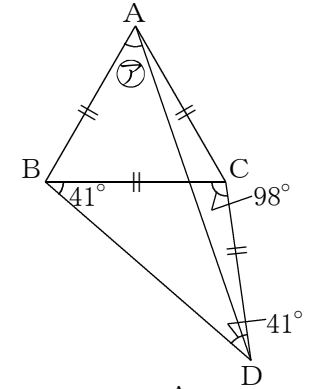
2 (1) $\frac{293}{333} = \frac{879}{999} = 0.879879\dots$
 $352 \div 3 = 117(\text{セット})$ あまり1より、小数第352位は8。

- (2) 和が3の倍数になる組み合わせは、
 (0, 1, 2), (0, 2, 4), (1, 2, 3), (2, 3, 4)の4組。
 それぞれ、百の位が0でないように並びかえると、
 (0, 1, 2) $\rightarrow 2 \times 2 \times 1 = 4$ (個)
 (0, 2, 4) $\rightarrow 2 \times 2 \times 1 = 4$ (個)
 (1, 2, 3) $\rightarrow 3 \times 2 \times 1 = 6$ (個)
 (2, 3, 4) $\rightarrow 3 \times 2 \times 1 = 6$ (個)
 よって、 $4 + 4 + 6 + 6 = 20$ (個)
- (3) 10円玉は4枚または9枚が考えられる。
 10円玉が4枚のとき、残り $20 - 4 = 16$ (枚) で、 $1040 - 10 \times 4 = 1000$ (円)
 $(100 \times 16 - 1000) \div (100 - 50) = 12$ (枚)
 10枚をこえるので、不適。
 10円玉が9枚のとき、残り $20 - 9 = 11$ (枚) で、 $1040 - 10 \times 9 = 950$ (円)
 $(100 \times 11 - 950) \div (100 - 50) = 3$ (枚)

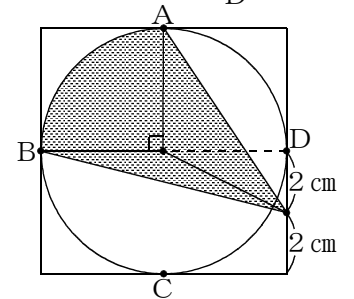
(4) はじめのAと最後のBをともに④とすると、下のようになる。
 A (④) \rightarrow (③) \rightarrow ()
 $\times \frac{3}{4}$
 B (⑦) \rightarrow (⑥) \rightarrow (④)
 $\times \frac{2}{3}$

⑦ = ③ + ⑥ - ④ = ⑤となる。
 よって、④ \div ⑤ = 0.8 (倍)

- (5) 角BDC = $180 - (98 + 41) = 41$ (度)
 よって、CB = CD
 また、CB = CAより、
 三角形CADはCA = CDの二等辺三角形。
 角CAD = $(180 - 60 - 98) \div 2 = 11$ (度)
 よって、⑦ = $60 - 11 = 49$ (度)

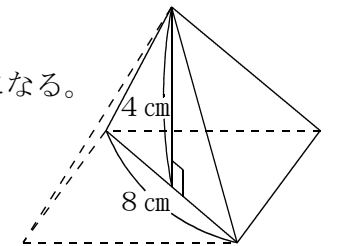


- (6) 図のように、円の中心と3点を結ぶと、おうぎ形と三角形2つに分かれる。
 円の半径は、 $8 \div 2 = 4$ (cm)
 $4 \times 4 \times \pi \times \frac{1}{4} + 4 \times 4 \div 2 + 4 \times 2 \div 2$
 $= 4 \times \pi + 12 = 24.56$ (cm²)



- (7) AE : ED : DB = 1 : 1 : 2
 三角形DBF = 三角形ABC $\times \frac{1}{3}$ より、 $\frac{1}{2} \times \frac{BF}{BC} = \frac{1}{3}$
 よって、BF = BC $\times \frac{2}{3}$
 三角形EBG = 三角形ABC $\times \frac{2}{3}$ より、 $\frac{3}{4} \times \frac{BG}{BC} = \frac{2}{3}$
 よって、BG = BC $\times \frac{8}{9}$
 FG = BG - BFより、FGはBCの、 $\frac{8}{9} - \frac{2}{3} = \frac{2}{9}$ (倍)

- (8) 組み立てると、右の図のように、正四角すいの半分になる。
 $8 \div 2 = 4$ (cm)
 $8 \times 4 \div 2 \times 4 \times \frac{1}{3} = 21\frac{1}{3}$ (cm³)



- 3 (1) 小さい順に、1011, 1112, ..., 9899となる。
 上2けたに注目すると、10から98までなので、 $98 - 10 + 1 = 89$ (個)
- (2) 上2けたの平均は、 $(10 + 98) \div 2 = 54$
 下2けたの平均は、 $(11 + 99) \div 2 = 55$
 よって、 $54 \times 100 + 55 = 5455$

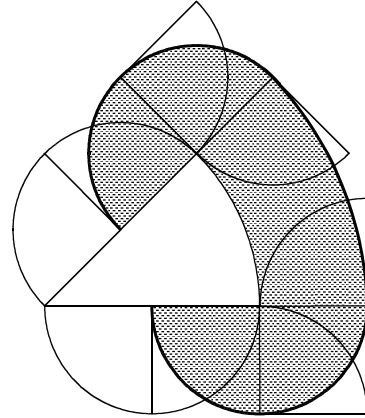
4

(1) 右の図の太線部分になる。

$$4 \times \pi \times \frac{1}{2} \times 2 + 12 \times \pi \times \frac{1}{8} = 5.5 \times \pi = \underline{17.27(\text{cm})}$$

(2) 右の図の網目部分になる。

$$2 \times 2 \times \pi \times \frac{1}{2} \times 2 + (6 \times 6 - 4 \times 4) \times \pi \times \frac{1}{8} = 6.5 \times \pi = \underline{20.41(\text{cm}^2)}$$



5

(1) 交差点アから交差点ホまでは、上方向に4回、右方向に5回、合計9回進む。

$${}^9C_4 = \frac{9 \times 8 \times 7 \times 6}{4 \times 3 \times 2 \times 1} = \underline{126(\text{通り})}$$

(2) 道ソタを通るには、アからソに行き、タからホに行けばよい。

交差点アから交差点ソまでは、上方向に2回、右方向に2回、合計4回進む。

交差点タから交差点ホまでは、上方向に2回、右方向に2回、合計4回進む。

道ソタを通る進み方は、

$${}^4C_2 \times 1 \times {}^4C_2 = \frac{4 \times 3}{2 \times 1} \times 1 \times \frac{4 \times 3}{2 \times 1} = 36(\text{通り})$$

よって、道ソタを通らない進み方は、 $126 - 36 = \underline{90(\text{通り})}$

(3) ある1つの道を通る進み方は、 $126 - 96 = 30(\text{通り})$ ある。

1	5	15	35	70	126
1	4	10	20	35	56
1	3	6	10	15	21
1	2	3	4	5	6
	1	1	1	1	1

1	1	1	1	1	
6	5	4	3	2	1
21	15	10	6	3	1
56	35	20	10	4	1
126	70	35	15	5	1

道を通る前後の交差点の場合の数の積が30となるのは、
クセ、ケコ、ケソ、セソ、タニ、タチ、チヌ、ナニの8本ある。

6

ダイアグラムをかくと右のようになる。

(1) 図のBD間のきよりは、 $40 \times 6 = 240(\text{m})$

よって、 $6 + 240 \div 80 = \underline{9(\text{分後})}$

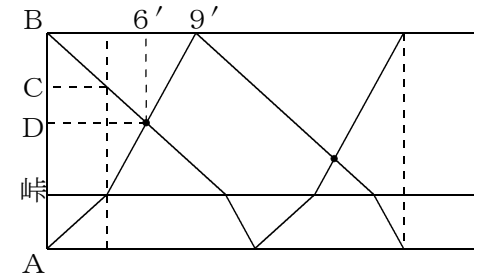
(2) Aから峠までのきよりと、BC間のきよりは等しい。

CD間とDから峠までのきよりの比は、 $40 : 80 = 1 : 2$

また、Aから峠までのきよりと、Bから峠までのきよりの比は $1 : 3$

AB間のきよりを12とすると、 $BC : CD : D\text{峠} : \text{峠}A = 3 : 2 : 4 : 3$

よって、 $240 \times \frac{12}{3+2} = \underline{576(\text{m})}$



(3) 図より、出会った後に向きを変えなくても、3回目に同じ地点にくる時間は変わらない。

B峠 = $576 \times \frac{3}{4} = 432(\text{m})$, A峠 = $576 - 432 = 144(\text{m})$

1往復にかかる時間は、 $9 + 432 \div 40 + 144 \div 80 = 21.6(\text{分})$

よって、3回目に同じ地点にくるのは、 $21.6 + 6 = \underline{27.6(\text{分後})}$

7

(1) $65.94 = 21 \times \pi$ $4 \times 4 \times \pi \times \frac{1}{4} = 4 \times \pi$

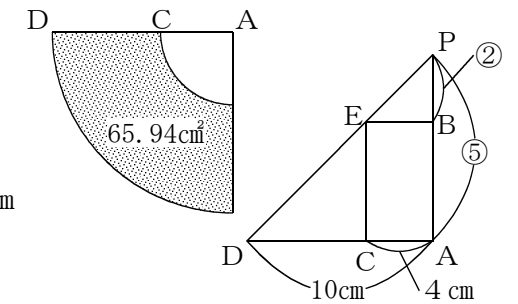
$$21 \times \pi + 4 \times \pi = 25 \times \pi (\text{cm}^2)$$

$(4 \times \pi) : (25 \times \pi) = 4 : 25 \dots$ 面積比

相似比 $\dots AC : AD = 2 : 5 = 4 \text{ cm} : 10 \text{ cm}$

よって、 $AB : AP = 3 : 5$

$$6 \times \frac{5}{3} = \underline{10(\text{cm})}$$



(2) 図形P-BEGと図形P-ADFは相似。

相似比 $\dots 2 : 5$

体積比 $\dots 8 : 125$

$$10 \times 10 \times \pi \times \frac{1}{4} \times 10 \times \frac{1}{3} \times \frac{125 - 8}{125}$$

$$- 4 \times 4 \times \pi \times \frac{1}{4} \times 6 = 54 \times \pi = \underline{169.56(\text{cm}^3)}$$

