

1	(1)	364	(2)	1	(3)	$\frac{1}{4}$	(4)	45
---	-----	-----	-----	---	-----	---------------	-----	----

2	(1)	$\frac{17}{48}$	(2)	6 (人)	(3)	87 (枚)	(4)	32 (分)
	(5)	68 (度)	(6)	98 (cm <sup>2</sup> )	(7)	11 (cm <sup>2</sup> )	(8)	94.2 (cm <sup>2</sup> )

3	(1)	525 m	(2)	80 cm
---	-----	-------	-----	-------

4	(1)	15 : 4	(2)	54 : 61
---	-----	--------	-----	---------

5	(1)	160 cm <sup>3</sup>	(2)	80 cm <sup>3</sup>
---	-----	---------------------	-----	--------------------

6	(1)	4 : 3	(2)	5 : 2	(3)	$\frac{8}{35}$ 倍
---	-----	-------	-----	-------	-----	------------------

7	(1)	6 通り	(2)	26 通り	(3)	50 通り
---	-----	------	-----	-------	-----	-------

(配点)

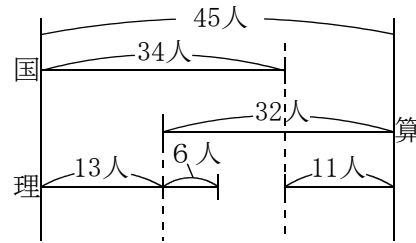
1~3・6・7 ; 各4点×20

4・5 ; 各5点×4

1 (4)  $\square + \square \times \square = \square \times (1 + \square)$  より、連続する2つの整数の積となる。  
 $2070 = 45 \times 46$  より、 $\square = 45$

2 (1)  $\frac{1}{2} = \frac{\textcircled{2}}{\textcircled{4}}$ ,  $\frac{1}{4} = \frac{\textcircled{1}}{\textcircled{4}}$  とすると、もとの分数は、 $\frac{\textcircled{2}-7}{\textcircled{4}} = \frac{\textcircled{1}+5}{\textcircled{4}}$   
 $\textcircled{2} - \textcircled{1} = \textcircled{1} = 5 + 7 = 12$   
 よって、もとの分数は  $\frac{17}{48}$ 。

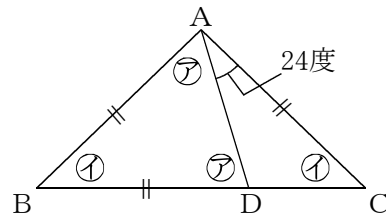
(2) 右の図のように、線分図で表す。  
 $45 - 34 = 11$  (人)  $45 - 32 = 13$  (人)  
 $30 - (11 + 13) = 6$  (人)



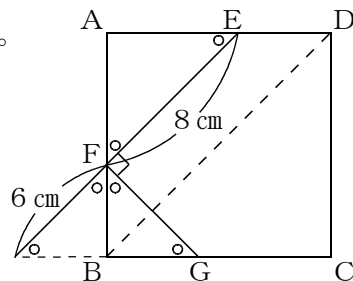
(3) 10円玉4枚と50円玉3枚をセットにする。  
 $10 \times 4 + 50 \times 3 = 190$  (円)  
 $5510 \div 190 = 29$  (セット)  
 よって、 $3 \times 29 = 87$  (枚)

(4) 2時ちょうどするとき、長針と短針の作る角度は、 $30 \times 2 = 60$  (度)  
 長針と短針の作る角度の変化は次のようになる。  
 $60 \text{度} \rightarrow 0 \text{度} \rightarrow 92 \text{度} \rightarrow 180 \text{度} \rightarrow 92 \text{度}$   
 $(180 - 92) \times 2 \div (6 - 0.5) = 32$  (分)

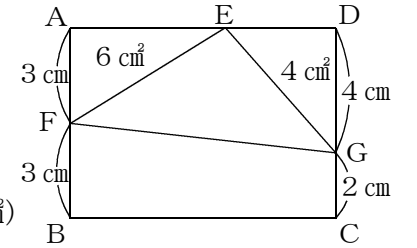
(5)  $AB = BD$  より、 $\angle BAD = \angle BDA = \textcircled{7}$  (度)  
 $AB = AC$  より、 $\angle ABC = \angle ACB = \textcircled{1}$  (度)  
 $\textcircled{7} \times 2 + \textcircled{1} = 180$  (度)  
 三角形ADCの外角から、 $\textcircled{1} = \textcircled{7} - 24$  (度)  
 よって、 $\textcircled{7} \times 3 - 24 = 180$   
 $(180 + 24) \div 3 = 68$  (度)



(6)  $AE = AF$  より、三角形AFEは直角二等辺三角形。  
 図の○の角度は全て45度となる。  
 $BD = 8 + 6 = 14$  (cm)  
 $14 \times 14 \div 2 = 98$  (cm<sup>2</sup>)



(7)  $AF = FB = 3$  cm,  $DG = 4$  cm,  $GC = 2$  cm と決める。  
 $AE = 6 \times 2 \div 3 = 4$  (cm)  
 $DE = 4 \times 2 \div 4 = 2$  (cm)  
 台形AFGD =  $(3 + 4) \times (4 + 2) \div 2 = 21$  (cm<sup>2</sup>)  
 よって、 $21 - (6 + 4) = 11$  (cm<sup>2</sup>)



(8) 底面積...  $3 \times 3 \times \pi \times 2 = 18 \times \pi$  (cm<sup>2</sup>)  
 上側の側面積...  $2 \times 2 \times \pi \times 1 = 4 \times \pi$  (cm<sup>2</sup>)  
 下側の側面積...  $(1 \times 2 \times \pi + 3 \times 2 \times \pi) \times 1 = 8 \times \pi$  (cm<sup>2</sup>)  
 $18 \times \pi + 4 \times \pi + 8 \times \pi = 30 \times \pi = 94.2$  (cm<sup>2</sup>)

3 (1) 太郎  $\times$  5 歩 = 花子  $\times$  4 歩 より、歩幅の比は、太郎 : 花子 = 4 : 5  
 よって、速さの比は、太郎 : 花子 =  $(4 \times 5) : (5 \times 7) = 4 : 7$   
 $300 \times \frac{7}{4} = 525$  (m)

(2) 太郎の進んだきよりは、 $240 \times \frac{4}{7-4} = 320$  (m)  
 太郎の歩幅は、 $320 \div 500 = 0.64$  (m) = 64 (cm)  
 よって、花子の歩幅は、 $64 \times \frac{5}{4} = 80$  (cm)

4 (1) 箱Aと箱Bで、黒玉と白玉の差は等しい。  

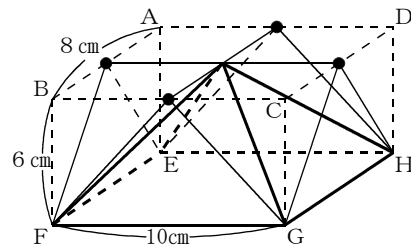
	黒	白	差	差	黒	白	
箱A	5	3	2	→	6	15	9
箱B	2	5	3	→	6	4	10

 よって、 $15 : 4$

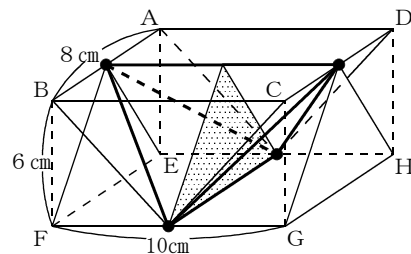
(2) 箱Bの黒玉と白玉の個数をそれぞれ④個、⑩個、箱Cの黒玉と白玉の個数をそれぞれ⑤個、⑥個とする。  
 $(\textcircled{4} + \textcircled{5}) : (\textcircled{10} + \textcircled{6}) = 3 : 4$   
 $\textcircled{30} + \textcircled{18} = \textcircled{16} + \textcircled{20}$   $\textcircled{14} = \textcircled{2}$   $\textcircled{7} = \textcircled{1}$   
 よって、 $(\textcircled{15} + \textcircled{4} + \textcircled{5}) : (\textcircled{9} + \textcircled{10} + \textcircled{6}) = 54 : 61$

5

- (1) 重なった部分は右の図の太線の四角すい。  
 $10 \times 8 \times 6 \times \frac{1}{3} = 160(\text{cm}^3)$

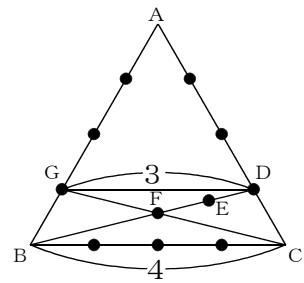


- (2) 重なった部分は右の図の太線の三角すい。  
 面CGHDに平行な網目の三角形を底面とする。  
 $8 \times 6 \div 2 \times 10 \times \frac{1}{3} = 80(\text{cm}^3)$

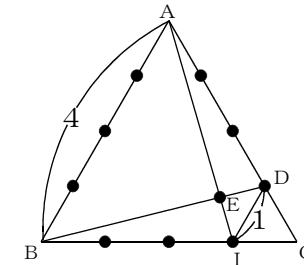


6

- (1) 右の図で、三角形GFDと三角形CFBは相似。  
 よって、BF : FD = BC : DG = 4 : 3

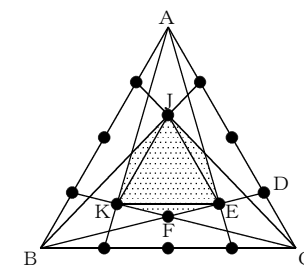


- (2) 右の図で、三角形ABEと三角形IDEは相似。  
 BE : ED = AB : ID = 4 : 1  
 よって、BD = 35とすると、BF =  $35 \times \frac{4}{4+3} = 20$   
 DE =  $35 \times \frac{1}{4+1} = 7$  FE =  $35 - 20 - 7 = 8$   
 よって、BF : FE = 20 : 8 = 5 : 2



- (3) 対称性より、網目部分の面積は正三角形JKEと二等辺三角形FEK 3個分になる。

三角形FEKと三角形FBCは相似。  
 $KE : CB = EF : BF = 2 : 5$   
 よって、三角形JKE = 三角形ABC  $\times \frac{4}{25}$   
 また、三角形FBC = 三角形ABC  $\times \frac{1}{4} \times \frac{4}{7}$   
 $= \text{三角形ABC} \times \frac{1}{7}$   
 三角形FEK = 三角形ABC  $\times \frac{1}{7} \times \frac{4}{25} = \text{三角形ABC} \times \frac{4}{175}$   
 よって、 $\frac{4}{25} + \frac{4}{175} \times 3 = \frac{8}{35}$ (倍)



7

- (1) 番号1の箱のカードの選び方は3通り。  
 番号2の箱のカードの選び方は2通り。  
 番号3の箱のカードの選び方は1通り。  
 よって、 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (通り)
- (2) 箱1のカードが一致しない場合、2のカードの選び方から2通り。  
 箱2のカードが一致しない場合、1のカードの選び方から $3 \times 2 = 6$ (通り)  
 箱3のカードが一致しない場合、箱1のカードの選び方が3通り、  
 箱2のカードの選び方が2通り、箱3のカードの選び方が3通りなので、  
 $3 \times 2 \times 3 = 18$ (通り)  
 よって、 $2 + 6 + 18 = 26$ (通り)

- (3) 箱1のカードが一致する場合、箱(1, 2, 3)に対応するカードは、  
 (1, 1, 1), (1, 1, 2), (1, 3, 1), (1, 3, 2)となる。  
 カードが(1, 1, 1)のとき、 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (通り)  
 カードが(1, 1, 2)のとき、 $3 \times 2 \times 2 = 12$ (通り)  
 カードが(1, 3, 1)のとき、 $3 \times 1 \times 2 = 6$ (通り)  
 カードが(1, 3, 2)のとき、 $3 \times 1 \times 2 = 6$ (通り)  
 よって、 $6 + 12 + 6 + 6 = 30$ (通り)  
 箱2のカードが一致する場合、箱(1, 2, 3)に対応するカードは、  
 (2, 2, 1), (3, 2, 1), (3, 2, 2)となる。  
 カードが(2, 2, 1)のとき、 $2 \times 1 \times 3 = 6$ (通り)  
 カードが(3, 2, 1)のとき、 $1 \times 2 \times 3 = 6$ (通り)  
 カードが(3, 2, 2)のとき、 $1 \times 2 \times 1 = 2$ (通り)  
 よって、 $6 + 6 + 2 = 14$ (通り)  
 箱3のカードが一致する場合、箱(1, 2, 3)に対応するカードは、  
 (2, 1, 3)となる。  
 $2 \times 3 \times 1 = 6$ (通り)  
 よって、 $30 + 14 + 6 = 50$ (通り)

(配点) 1~3・6・7 ; 各4点×20 4・5 ; 各5点×4