

1	(1) 376	(2) $4\frac{2}{3}$	(3) 3
---	---------	--------------------	-------

2	(1) 120	(2) 23 (個)	(3) 12 (本)	(4) 15 (通り)
	(5) 18 (度)	(6) 90 (cm <sup>2</sup> )	(7) 10 (cm <sup>3</sup> ) ア	(7) 38 (cm <sup>2</sup> ) イ

3	(1) 32 個	(2) 189 分後
---	----------	------------

4	(1) 3 : 1	(2) 42 cm <sup>2</sup>
---	-----------	------------------------

5	(1) 10 cm	(2) 9 cm	(3) $14\frac{3}{8}$ cm
---	-----------	----------	------------------------

6	(1) 6 : 5 : 4	(2) 144 分後
---	---------------	------------

7	(1) 8 個	(2) 4 通り	(3) 13 回
---	---------	----------	----------

(配点)

2 ; 各5点×8

その他 ; 各4点×15

1 (3) 内項の積=外項の積より  
 $(\square \times 3 + 1) \times 3 = \square \times 2 \times 5$   
 $\square \times 9 + 3 = \square \times 10$   
 $\square = 3$

2 (1)  $C = A \times 2$   $A - 50 = B + 50$   
 $A = \textcircled{1}$ とすると,  $C = \textcircled{2}$   $B = \textcircled{1} - 100$   
 よって,  $\textcircled{1} + \textcircled{1} - 100 + \textcircled{2} = \textcircled{4} - 100 = 380$   $\textcircled{4} = 480$   $\textcircled{1} = 120$

(2)  $121 = 11 \times 11$  1辺の数は, 11個→9個→7個→5個→3個→1個  
 1回目は  $(11 - 1) \times 4 = 40$ (個), 2回目からは8個ずつ減り, 最後は1個。  
 Aから取るので, 下の様な表になる。

A	40	24	8
B	32	16	1

差 8 8 7 →  $8 + 8 + 7 = 23$ (個)

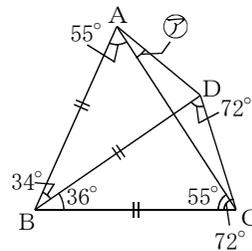
(3)

80円	0	1	...
100円	0	2	...
120円	30	27	...
合計	3600	3520	...

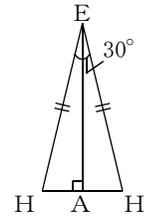
$(3600 - 3120) \div 80 = 6$  (回) 交換  
 よって,  $30 - 3 \times 6 = 12$  (本)

(4) 7枚のカードの並べ方は,  $\textcircled{1}$ の2枚の場所を決めればいので,  
 ${}^7C_2 = 21$ (通り)  
 その中で $\textcircled{1}$ のカードが連続するのは,  
 $\textcircled{1}\textcircled{1}\square\square\square\square\square$ ,  $\square\textcircled{1}\textcircled{1}\square\square\square\square$ ,  $\square\square\textcircled{1}\textcircled{1}\square\square\square$ ,  $\square\square\square\textcircled{1}\textcircled{1}\square\square$   
 $\square\square\square\square\textcircled{1}\textcircled{1}\square$ ,  $\square\square\square\square\square\textcircled{1}\textcircled{1}$ の6通り。  
 よって,  $21 - 6 = 15$ (通り)

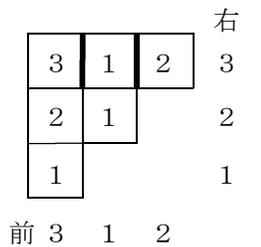
(5) 角ACB =  $180 - (34 + 36 + 55) = 55$ (度)より,  $BA = BC$   
 角BCD =  $180 - (36 + 72) = 72$ (度)より,  $BC = BD$   
 $BA = BD$ より, 三角形BDAは二等辺三角形。  
 角BAD =  $(180 - 34) \div 2 = 73$ (度)  
 よって,  $\textcircled{ア} = 73 - 55 = 18$ (度)



(6) 三角形AEHを2枚くっつけると右の図のようになる。  
 $EH \times EH \div 4 \div 2 = 7.5$ ( $\text{cm}^2$ )より,  $EH \times EH = 60$   
 正方形EFGH =  $EH \times EH = 60$ ( $\text{cm}^2$ )  
 よって, 正方形ABCD =  $60 + 7.5 \times 4 = 90$ ( $\text{cm}^2$ )



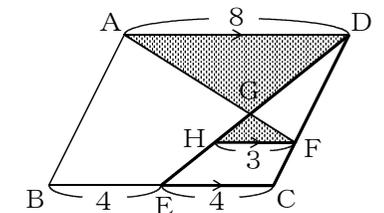
(7) 真上から見た図に, 積まれた個数をまとめたのが右の図。  
 よって, 体積は,  
 $1 \times 1 \times 1 \times (1 \times 3 + 2 \times 2 + 3) = 10$ ( $\text{cm}^3$ )  
 上下前後左右から見たときに見えない面が図の太線部分。  
 よって, 表面積は,  
 $1 \times 1 \times \{(6 + 6 + 6) \times 2 + 2\} = 38$ ( $\text{cm}^2$ )



3 (1) A ;  $60 \div 3 = 20$ (個) B ;  $60 \div 5 = 12$ (個)  
 よって,  $20 + 12 = 32$ (個)

(2) A ; 3' 6' 9' 12' 15'  
 B ; 5' 10' 15'  
 AとBは15分間を1セットとし, 8個作る。  
 $100 \div 8 = 12$ (セット)あまり4(個)  
 よって,  $15 \times 12 + 9 = 189$ (分後)

4 (1)  $AG : GF = \text{三角形AGD} : \text{三角形DGF} = 24 : 9 = 8 : 3$   
 右の図のように, 点FからBCに平行な線を  
 引き, DEとの交点をHとする。  
 網目部分の相似より,  
 $AD : FH = AG : FG = 8 : 3$   
 $BE = EC = 8 \div 2 = 4$   
 太線部分の相似より,  
 $DF : DC = FH : CE = 3 : 4$   
 よって,  $DF : FC = 3 : (4 - 3) = 3 : 1$



(2) 三角形AFD = 平行四辺形ABCD  $\times \frac{3}{8}$ なので,  
 平行四辺形ABCD =  $(24 + 9) \div \frac{3}{8} = 88$ ( $\text{cm}^2$ )  
 台形ABED =  $88 \times \frac{3}{4} = 66$ ( $\text{cm}^2$ )  
 よって, 四角形ABEG =  $66 - 24 = 42$ ( $\text{cm}^2$ )

5

底面積を  $1 \text{ cm}^2$  とする。

(1) 水の体積は、 $1 \times 15 \times (1 - \frac{1}{3}) = 10 (\text{cm}^3)$  よって、 $10 \div 1 = 10 (\text{cm})$

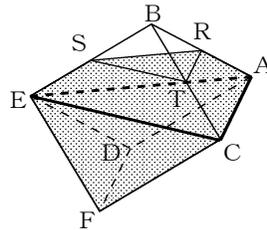
(2) 水の体積は、 $1 \times \frac{4+8+15}{3} = 9 (\text{cm}^3)$  よって、 $9 \div 1 = 9 (\text{cm})$

(3) 空気の体積は、三角すい  $B-STR$  で、これは三角すい  $B-ECA$  と相似となり、相似比は  $1:2$ 。

三角すい  $B-ECA$  は全体の  $\frac{1}{3}$  倍なので、

空気の体積は、 $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{24}$  (倍)

よって、 $15 \times (1 - \frac{1}{24}) = 14\frac{3}{8} (\text{cm})$



6

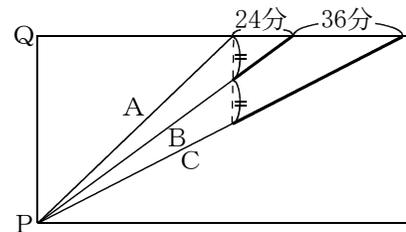
(1) ダイアグラムでまとめると右のようになる。

AがQ地点に着いたとき、AとB、BとCの進んだ距離の差は等しいので、太線部分より、BとCの速さの比は、

$(1 \div 24) : (2 \div 60) = 5 : 4$

A-B=B-Cより、

速さの比は、 $6:5:4$



(2) AとBのPQ間にかかる時間の比は、速さの比の逆比より  $5:6$  なので、Aの

PQ間にかかる時間は、 $24 \times \frac{5}{6} = 120$  (分)

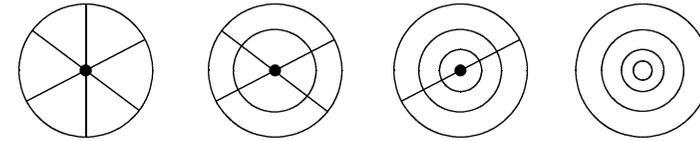
また、Aの速さはBとDの速さの和と等しいので、Dの速さは、

$6 - 5 = 1$  と表せる。

よって、 $6 \times 120 \div (4 + 1) = 144$  (分後)

7

(1) 下の図のようになる。左から順に6個、8個、6個、4個。



よって、最も多いのは8個。

(2) 直径が  $\square$  本  $\rightarrow \square \times 2$  個に分かれる。円が  $\triangle$  個  $\rightarrow (\triangle + 1)$  個に分かれる。

(直径, 円)  $\rightarrow (5, 0) ; 5 \times 2 = 10$  (個)

$(4, 1) ; 4 \times 2 \times (1 + 1) = 16$  (個)

$(3, 2) ; 3 \times 2 \times (2 + 1) = 18$  (個)

$(2, 3) ; 2 \times 2 \times (3 + 1) = 16$  (個)

$(1, 4) ; 1 \times 2 \times (4 + 1) = 10$  (個)

$(0, 5) ; 5 + 1 = 6$  (個)

よって、6個、10個、16個、18個の4通り。

(3)  $\square \times 2 \times (\triangle + 1) = 98$

$2 \times 49 \rightarrow 1 + 48 = 49$  (回)

$14 \times 7 \rightarrow 7 + 6 = 13$  (回)

$98 \times 1 \rightarrow 49 + 0 = 49$  (回)

(配点) 2 ; 各5点  $\times$  8, その他 ; 各4点  $\times$  15